

**NUMELE**

**PRENUMELE**

**ȘCOALA**

**PROFESORUL CLASEI**

**TESTARE MATEMATICĂ**

**CLASA a VIII a**

**PARTEA I** Pe foaia de concurs se scriu doar răspunsurile, în primul dintre tabelele din josul paginii  
Fiecare răspuns corect valorează câte 5 puncte.

1. Fie  $p$  un număr natural prim. Dacă  $\sqrt{12p+1} \in \mathbb{Q}$ , atunci  $p = \dots$
2. Se dă expresia  $E(x, y) = \sqrt{3x^2 - 12x + 16} + \sqrt{20y^2 - 20y + 14}$ . Produsul numerelor  $x$  și  $y$  pentru care expresia ia valoarea minimă este egal cu....
3. Dacă  $x + \frac{1}{x} = 4$  și  $x > 1$ , rezultatul calculului  $x^4 - \frac{1}{x^4}$  este.....
4. Dacă triunghiul  $ABC$  are aria egală cu  $24 \text{ cm}^2$ ,  $D$  este mijlocul laturii  $[BC]$ ,  $E$  este mijlocul laturii  $[AC]$ ,  $F$  este mijlocul segmentului  $[DC]$ , atunci aria triunghiului  $DEF$  este egală cu....  $\text{cm}^2$ .
5. Dacă numerele întregi  $x$  și  $y$  verifică egalitatea  $15xy - 35x - 6y = 3$ , atunci  $x \cdot y = \dots$
6. Fie  $x > 0$  și  $y > 0$  astfel încât  $m_a + m_g = x - y$ , unde  $m_a$  și  $m_g$  reprezintă media aritmetică, respectiv media geometrică a celor două numere. Valoarea raportului  $\frac{x}{y}$  este egală cu....
7. Dacă numerele  $a, b, c$  verifică egalitatea  $\frac{a^2}{9} = \frac{b^3}{128} = \frac{c^3}{250}$   $\sqrt{a \cdot b \cdot c} = 4\sqrt{30}$ , atunci  
 $a + b + c = \dots$
8. În pătratul  $ABCD$ ,  $AC \cap BD = \{O\}$ . Bisectoarea unghiului  $\sphericalangle BAC$  intersectează segmentele  $[BD]$ , respectiv  $[BC]$  în punctele  $N$ , respectiv  $P$ . Valoarea raportului  $\frac{CP}{ON}$  este egală cu....

PROBLEMA	1	2	3	4	5	6	7	8
RĂSPUNS								

**NUMAI PENTRU PROFESORII CORECTORI**

PROBLEMA	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	OFICIU	TOTAL	SEMNATURA
											10		
											10		

**PARTEA a II a Pe foaia de concurs se redactează soluții complete.**

**Fiecare problemă rezolvată corect și complet valorează câte 25 de puncte.**

9. Fie mulțimea  $A = \{n \in \mathbb{N} \mid n = a^2 + b^2, a, b \in \mathbb{Z}^*\}$ .

a) Arătați că  $169 \in A$  și că  $13^k \in A$ , pentru orice număr  $k \in \mathbb{N}^*$ .

b) Arătați că dacă  $n, m \in A$ , atunci  $n \cdot m \in A$ .

c) Demonstrați că  $n \in A$  dacă și numai dacă  $2n \in A$ .

10. În triunghiul  $ABC$ , cu  $[AB] \equiv [AC]$ ,  $[AD]$  este mediană,  $D \in (BC)$  și  $CE \perp AB$ ,  $E \in (AB)$ .

Fie  $AD \cap CE = \{T\}$ ,  $BT \cap AC = \{F\}$  și  $P \in [AC]$  un punct egal depărtat de  $AB$  și  $BC$ .

Demonstrați că: a)  $BC = 2 \cdot DF$ ; b)  $2 \cdot DE^2 = BE \cdot AB$ ; c)  $\frac{1}{CP} - \frac{1}{BC} = \frac{1}{AC}$